

# 状态转换步骤(事件代替转移)变化的系统. 称为状态系统

Def 1

状态系统是一个三元组  $(tuple) S = (C \rightarrow, I)$   
 $C$  是状态集.  $\rightarrow$  是  $C$  上的二元转移关系.  $I$  是初始配置的一个子集  
 转移关系  $\rightarrow$  是  $C \times C$  的一个子集. 其  $r \rightarrow S$

Def 2

$S = (C, \rightarrow, I)$  是状态系统.  $S \oplus g$  表示执行的最大的系统  $E = (r_0, r_1, \dots)$   
 其中  $r_0 \in I$ . 对所有  $i \geq 0$ .  $r_i \rightarrow r_{i+1}$   
 终止配置不在  $S$  满足  $r \rightarrow S$ . 对于  $i \in \mathbb{N}$  有  $r \in S$  且  $r \rightarrow S$  且  $r \rightarrow S \oplus g$  最大的.

Def 3 可达性.

断言/性质是成立.

定义:  $S = (C, \rightarrow, I)$

$\{P\} \rightarrow \{Q\}$  表示 对于每一次转移  $r \rightarrow S$ .

如果  $P(r)$ . 则  $Q(S)$ .  $P \rightarrow Q$  成立. 如果  $P$  在任一转移前成立. 则  $Q$  在转移后成立.

Def 1

对于所有  $r \in I$ .  $P(r) \wedge Q(r) \Rightarrow P \rightarrow Q$ . 断言  $P$  是成立.

在每一个开始配置中. 不要  $P$  (断言/性质) 是成立且在每次转移过程中保持不变.

由此. 在每一可达配置中. 不要成立.

如果  $P$  是  $S$  中一个不成立. 那么对  $S$  中每次执行的每一配置  $P$  成立.

ib:  $E$  为  $S$  的一次执行  $(r_0, r_1, \dots)$  对于每个  $i$ .  $P(r_i)$  成立 (归纳法)

① 假设  $r_0 \in I$ . 由定义. 则  $P(r_0)$  成立. 由假设.  $P(r_{i+1})$  成立

: 由归纳法. 成立. 归纳法.

思考: 是否对于每一执行的每一配置都成立的断言/性质就是不变式呢?

Ex: 给定一个状态系统和断言. 海瑟  $P \oplus S$  中认为真. 但  $P$  不是不变式.

假设  $r_0 \in I$ . 由定义. 则  $P(r_0)$  成立. 由假设.  $P(r_{i+1})$  成立

: 由归纳法. 每一个配置成立. 又:  $Q \Rightarrow P(r_0) \wedge Q(r_0)$ .  $\therefore$  对于每一个配置  $P \oplus S$  成立.

(先证明不变式. 再证明强不变式). 例如海瑟存在人  $\begin{cases} \text{海瑟女人} \\ \text{海瑟男人} \end{cases}$