

2022年10月19日.

$$m\ddot{x} + \omega^2 (1 + h\cos\omega t) x = 0$$

$h \neq 0$. h 很小.

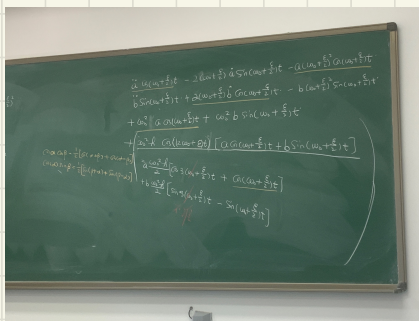
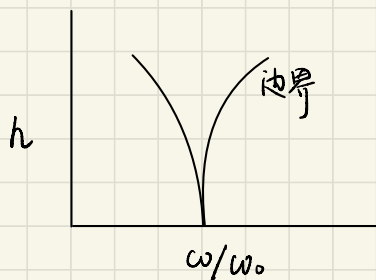
例: $\begin{cases} \varepsilon x^5 + ax^2 = b \\ \varepsilon \rightarrow 0 \text{ 未解} \end{cases}$

1) $\varepsilon = 0$. $ax^2 = b \Rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{b}{a}}$

2) $\varepsilon \neq 0$. $x = \sqrt{\frac{b}{a}} + x_1 \varepsilon + x_2 \varepsilon^2 + \dots$

微扰法 (摄动法).

如果 h 为更加普遍的情况, 会在固体物理中讨论.



助教: 给出式 279 代入方程之后代简的代码. Coefficient [...]

作业: P86. 27.12 | 推论阻尼会缩小稳定区间这一结论,
| 以及其他相关的讨论;

习题 2 和 3. [3 求解到 3 阶. h^3].

非线性振动方程.

$$\ddot{x} + \omega_0^2 (1 + h \cos \omega t) x = 0$$

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x + \alpha x^2 + \beta x^3 = 0 \quad \leftarrow L = \frac{\dot{x}^2}{2} - \left(\frac{\omega_0^2}{2!} x^2 + \frac{\alpha}{3!} x^3 + \frac{\beta}{4!} x^4 \right)$$